

МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ
МІЖНАРОДНИЙ ГУМАНІТАРНИЙ УНІВЕРСИТЕТ
Кафедра інформаційних технологій

Стрелковська І. В., Григор'єва Т. І., Паскаленко В. М.

ТЕОРІЯ ЙМОВІРНОСТЕЙ ТА МАТЕМАТИЧНА СТАТИСТИКА

Методичні рекомендації для самостійної роботи здобувачів

Одеса 2025

Затверджено Вченою Радою Міжнародного гуманітарного університету
(протокол № 5 від 20 січня 2025 р.)

Стрелковська І. В., Григор'єва Т. І., Паскаленко В. М.

Теорія ймовірностей та математична статистика: методичні рекомендації для самостійної роботи здобувачів [Електронне видання]. / Стрелковська І. В., Григор'єва Т. І., Паскаленко В. М. Кафедра інформаційних технологій Міжнародного гуманітарного університету. Одеса, 2025. – 20 с.

Методичні рекомендації з курсу «Теорія ймовірностей та математична статистика» розроблено відповідно до навчального плану. Матеріали складаються з навчальної програми курсу, методичних рекомендацій з проведення практичних занять і завдань для самостійної роботи здобувачів, списку рекомендованої літератури. Призначено для студентів першого (бакалаврського) рівня вищої освіти факультету кібербезпеки, програмної інженерії та комп'ютерних наук Міжнародного гуманітарного університету.

1. ОПИС НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ

Найменування показників	Галузь знань, напрям підготовки, освітньо-кваліфікаційний рівень	Характеристика навчальної дисципліни	
		денна форма навчання	заочна форма навчання
Кількість кредитів – 4, загальна кількість годин – 120	Галузь – F «Інформаційні технології» Спеціальності: F2 - Інженерія програмного забезпечення F3 - Комп'ютерні науки F5 - Кібербезпека та захист інформації F7 - Комп'ютерна інженерія Галузь – G «Електроніка, автоматизація та електронні комунікації» Спеціальність: G5 - Електроніка, електронні комунікації, приладобудування та радіотехніка Галузь – A «Освіта / Педагогіка» Спеціальність: A4 - Середня освіта (Інформатика та програмування)	обов'язкова	
		Рік підготовки:	
		2-й	
		Семестр	
		3-й	3-й
Мова навчання – українська	Рівень вищої освіти – перший (бакалаврський) рівень	Лекції	
		28 год.	8 год.
		Практичні, семінарські	
		28 год.	8 год.
		Лабораторні	
		Самостійна робота та індивідуальні завдання	
		64 год.	104 год.
		Вид контролю:	
		екзамен	екзамен

Дисципліна «Теорія ймовірностей та математична статистика» є невід'ємною частиною підготовки фахівців у сфері інформаційних технологій, оскільки вона забезпечує аналітичний апарат для роботи з даними, моделювання процесів і прийняття обґрунтованих рішень.

Теорія ймовірностей та математична статистика – це розділи математики, які вивчають випадкові явища, їх закономірності та методи аналізу вибіркового даних для

прийняття рішень та перевірки гіпотез. Дисципліна «Теорія ймовірностей та математична статистика» широко застосовуються в обчислювальній техніці, інженерії, машинному навчанні, економіці, біостатистиці та багатьох інших галузях. Знання теорії ймовірностей та математичної статистики має ключове значення для студентів, які вивчають інформаційні технології, оскільки ця дисципліна забезпечує основу для аналізу даних, розробки алгоритмів і прийняття рішень у невизначених умовах.

Метою навчальної дисципліни «Теорія ймовірностей та математична статистика» є формування у студентів фундаментальних знань і практичних навичок з основ ймовірнісно-статистичного апарату, вмінь працювати з основними ймовірнісними моделями, аналізу випадкових явищ, роботи зі статистичними даними, опанування основними методами математичної статистики.

Передумови для вивчення дисципліни: для ефективного засвоєння курсу «Теорія ймовірностей та математична статистика» студентам необхідно мати знання з дисципліни «Вища математика».

ЗАПЛАНОВАНІ РЕЗУЛЬТАТИ НАВЧАННЯ ЗА НАВЧАЛЬНОЮ ДИСЦИПЛІНОЮ

Знання:

Випадкові події. Класичне, геометричне та статистичне визначення ймовірності. Безпосереднє знаходження ймовірності. Теореми додавання та множення ймовірностей. Формула повної ймовірності. Повторення випробувань. Одновимірні випадкові величини, їх числові характеристики та закони розподілу. Двовимірні випадкові величини, їх числові характеристики та закони розподілу. Базові поняття математичної статистики; методи опрацювання емпіричних даних, одержання точкових та інтервальних статистичних оцінок невідомих параметрів, перевірки статистичних гіпотез на основі вибірових даних.

Уміння:

Застосовувати теоретичний матеріал до розв'язування типових задач теорії ймовірностей та прикладних задач. Застосовувати теоретичний матеріал для розв'язування задач математичної статистики.

2. ПРОГРАМА НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ

Тема 1. Випадкові події та їх класифікація

Класичне, геометричне та статистичне визначення ймовірності. Теореми додавання та множення ймовірностей

Тема 2. Формула повної ймовірності. Повторні незалежні випробування Формула Байєса. Формула Бернуллі. Локальна та інтегральна теореми Муавра-

Тема 3. Випадкові величини

Закони розподілу та числові характеристики дискретної випадкової величини та неперервної випадкової величини

Тема 4. Системи випадкових величин

Числові характеристики двомірних випадкових величин. Дискретні випадкові вектори. Неперервні випадкові вектори

Тема 5. Функція випадкової величини

Числові характеристики функції випадкової величини. Функція двох випадкових аргументів

Тема 6. Основні задачі математичної статистики

Генеральна та вибіркова сукупність. Статистичний ряд розподілу та його числові характеристики. Статистичні оцінки параметрів розподілу. Перевірка статистичних гіпотез

3. СТРУКТУРА НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ

Назви змістових модулів і тем	Кількість годин									
	Денна форма					Заочна форма				
	Усього	у тому числі				Усього	у тому числі			
		Лекц.	Прак.	Лаб.	Сам. роб.		Лекц.	Прак.	Лаб.	Сам. роб.
Тема 1. Випадкові події та їх класифікація. Класичне, геометричне та статистичне визначення ймовірності. Теореми додавання та множення ймовірностей	14	4	4		6	14		2		12
Тема 2. Формула повної ймовірності. Формули Байєса. Повторні незалежні випробування. Формула Бернуллі. Локальна та інтегральна теореми Муавра-Лапласа. Теорема Пуассона	20	6	6		8	20	2			18
Тема 3. Випадкові величини. Закони розподілу та числові	18	4	4		10	18	2			16

характеристики дискретної випадкової величини та неперервної випадкової величини										
Тема 4. Системи випадкових величин. Числові характеристики двомірних випадкових величин. Дискретні випадкові вектори. Неперервні випадкові вектори	22	6	6		10	22	2			20
Тема 5. Функція випадкової величини. Числові характеристики. Функція двох випадкових аргументів	18	4	4		10	18		2		16
Тема 6. Основні задачі математичної статистики. Генеральна та вибіркова сукупність. Статистичний ряд розподілу та його числові характеристики. Емпірична функція розподілу. Статистичні оцінки параметрів розподілу. Перевірка статистичних гіпотез	28	4	4		20	28		2		26
Всього	120	28	28	0	64	120	6	6	0	108
Підсумковий контроль – екзамен										

4. ПИТАННЯ ДО ПРАКТИЧНИХ ЗАНЯТЬ

Тема 1. Комбінаторика. Випадкові події та їх класифікація. Безпосереднє знаходження ймовірностей. Протилежні події. Сумісні і несумісні події. Теорема додавання ймовірностей. Умовна ймовірність. Залежні та незалежні події. Теорема множення ймовірностей

Тема 2. Формула гіпотез Байєса. Повторні незалежні випробування. Формула Бернуллі. Локальна та інтегральна теореми Муавра-Лапласа. Теорема Пуассона

Тема 3. Одновимірні випадкові величини та способи їх завдання. Інтегральна функція розподілу ймовірностей та її властивості. Числові характеристики (математичне сподівання, дисперсія, середньоквадратичне відхилення) та їх властивості. Біноміальний закон розподілу. Пуассонівський закон розподілу. Рівномірний закон розподілу. Експоненціальний закон розподілу. Нормальний закон розподілу. Закон великих чисел.

Тема 4. Двовимірні випадкові величини та способи їх завдання. Інтегральна функція розподілу. Числові характеристики. Коваріація двох випадкових величин. Властивості коваріації. Коефіцієнт кореляції. Визначення взаємозв'язку між різними параметрами системи.

Тема 5. Функція випадкової величини, основні поняття. Дискретні функції одного випадкового аргументу та способи їх завдання. Числові характеристики дискретної функції одного випадкового аргументу та її властивості. Неперервні функції одного випадкового аргументу та способи їх завдання. Числові характеристики неперервної функції одного випадкового аргументу та її властивості.

Тема 6. Основні задачі математичної статистики. Генеральна та вибіркова сукупність. Статистичний ряд розподілу. Емпірична функція розподілу. Побудова полігону частот і полігона відносних частот. Гістограма частот і гістограма відносних частот. Числові характеристики вибіркового розподілу. Статистичні оцінки параметрів розподілу. Інтервальні оцінки. Побудова довірчих інтервалів. Перевірка статистичних гіпотез. Перевірка гіпотези про нормальний розподіл за допомогою Excel. Критерій Пірсона. Застосування математичних знань, методів доменного, системного і об'єктно-орієнтованого аналізу та математичного моделювання для розробки програмного забезпечення. Інформаційні технології обробки, зберігання та передачі даних. Розробка архітектури, модулів та компонентів програмних систем. Інформаційні моделі даних.

Програмне забезпечення для зберігання, видобування та опрацювання даних. Вибір інструментарію з розробки та супроводження програмного забезпечення. Застосовування фундаментальних і міждисциплінарних знань для успішного розв'язання завдань інженерії програмного забезпечення.

5. САМОСТІЙНА РОБОТА

До самостійної роботи студентів щодо вивчення дисципліни «Теорія ймовірностей та математична статистика» включаються:

1. Знайомство з науковою та навчальною літературою відповідно зазначених у програмі тем.
2. Опрацювання лекційного матеріалу.
3. Підготовка до практичних занять.
4. Консультації з викладачем протягом семестру.
5. Самостійне опрацювання окремих питань навчальної дисципліни.
6. Підготовка до підсумкового контролю.

Тематика та питання до самостійної підготовки та індивідуальних завдань

Тема 1. Комбінаторика. Випадкові події та їх класифікація. Класичне, геометричне та статистичне визначення ймовірності. Протилежні події. Ймовірність протилежної події. Сумісні і несумісні події. Теореми додавання ймовірностей. Умовна ймовірність. Залежні та незалежні події. Теореми множення ймовірностей. Теореми додавання ймовірностей для сумісних і залежних подій. Задачі та проблеми у галузі телекомунікацій та радіотехніки.

Тема 2. Формула повної ймовірності. Формули Байєса. Повторні незалежні випробування. Формули Бернуллі, Пуассона, Лапласа. Найімовірніше число настання події під час повторних випробувань. Локальна та інтегральна теореми Муавра-Лапласа. Методи, способи та засоби отримання, передавання, обробки та зберігання інформації.

Тема 3. Випадкові величини. Закони розподілу та числові характеристики дискретної випадкової величини та неперервної випадкової величини. Властивості математичного сподівання. Моменти. Дисперсія. Властивості дисперсії. Параметри нормального розподілу. Правило трьох сигм. Комп'ютерне моделювання пристроїв, систем і процесів з використанням універсальних пакетів прикладних програм.

Тема 4. Двовимірні неперервні випадкові величини та способи їх завдання. Інтегральна і диференціальна функції розподілу та їх властивості. Числові характеристики та їх властивості. Початковий та центральний теоретичні моменти. Кореляційний момент та коефіцієнт кореляції та їх властивості. Проектування, моделювання, випробовування та адміністрування комп'ютерної мережі.

Тема 5. Функції випадкової величини. Функція дискретного випадкового аргументу, числові характеристики. Функція неперервного випадкового аргументу. Числові характеристики функції випадкового аргументу. Випадкові процеси. Числові характеристики випадкового процесу. Кореляційна функція випадкового процесу. Методи та інструментальні засоби вимірювання параметрів та робочих характеристик телекомунікаційних систем, інфокомунікаційних, телекомунікаційних мереж, радіотехнічних систем та систем телевізійного й радіомовлення та їх елементів.

Тема 6. Основні задачі математичної статистики. Генеральна та вибіркова сукупність. Статистичний ряд розподілу та його числові характеристики. Показники варіації статистичного ряду. Статистичні оцінки параметрів розподілу. Перевірка статистичних гіпотез. Методи доменного, системного і об'єктно-орієнтованого аналізу та математичного моделювання для розробки програмного забезпечення.

Теми доповідей

1. Основні поняття та властивості скінченних ймовірнісних просторів. Дослідження основних визначень, таких як елементарні події, події, ймовірність події, та їх властивостей у контексті скінченних просторів.
2. Розподіл Бернуллі та його застосування. Аналіз розподілу Бернуллі, який є основою для вивчення скінченних ймовірнісних просторів, та його

застосування у моделюванні різних випадкових подій.

3. Застосування скінченних ймовірнісних просторів в теорії ігор: Аналіз і застосування скінченних ймовірнісних просторів у теорії ігор, включаючи стратегії, рішення та оптимальні вибори у різних ігрових ситуаціях.
4. Математичне доведення закону великих чисел. Аналіз різних математичних доказів цього закону, включаючи класичний закон великих чисел та його варіації, такі як закон Маркова чи закон Чебишова.
5. Застосування закону великих чисел в статистичних обчисленнях: Вивчення ролі цього закону у статистичних обчисленнях, таких як обчислення середнього значення або дисперсії у великих вибірках даних.
6. Емпіричне підтвердження закону великих чисел. Дослідження експериментальних результатів, які підтверджують дію закону великих чисел у реальних ситуаціях.
7. Приклади застосування в різних галузях. Розгляд прикладів застосування закону великих чисел у фізиці, економіці, біології, фінансах та інших галузях.
8. Застосування в обробці сигналів та обробці даних. Аналіз використання закону великих чисел у сучасних системах обробки сигналів та обробки даних, таких як машинне навчання та штучний інтелект.
9. Статистична теорія великих вибірок. Вивчення основних концепцій та методів статистичного аналізу, що базуються на дії закону великих чисел у великих вибірках даних.
10. Вибірка та методи збору даних. Дослідження різних методів вибірових досліджень та їх вплив на отримані результати. Аналіз методів збору даних та їх відповідність конкретним вимогам дослідження.
11. Аналіз та інтерпретація статистичних даних. Вивчення різних методів аналізу та інтерпретації статистичних даних, включаючи побудову графіків, таблиць та інших візуалізацій.
12. Статистичні методи випробування гіпотез. Дослідження різних статистичних методів для перевірки гіпотез про параметри розподілу даних, включаючи методи рівня значущості та критерії збігу.
13. Статистичні моделі та прогнозування. Вивчення різних статистичних моделей

для аналізу та прогнозування даних, включаючи лінійну та нелінійну регресію, часові ряди та інші методи.

14. Статистичне моделювання та симуляція. Дослідження різних методів статистичного моделювання та симуляції даних для вивчення їх властивостей та впливу на різні аспекти дослідження.

15. Статистичні методи у прикладних науках. Аналіз застосування статистичних методів у різних наукових галузях, таких як медицина, економіка, соціологія та інші.

16. Основні розподіли математичної статистики. Нормальний розподіл. Розподіл χ^2 . Розподіл Стюдента. F-розподіл (розподіл Фішера).

17. Методи збору соціальної інформації. Вибірка, аналіз документів, спостереження, опитування, анкетування, інтерв'ю.

6. ВИДИ ТА МЕТОДИ КОНТРОЛЮ

Робоча програма навчальної дисципліни передбачає наступні види та методи контролю:

Види контролю	Складові оцінювання
поточний контроль , який здійснюється у ході: проведення практичних (лабораторних) занять, виконання самостійної роботи, індивідуальних завдань, дослідна робота здобувача тощо.	50%
підсумковий контроль	50%

7. Питання до екзамену

1. Елементи комбінаторики
2. Статистичне означення ймовірності. Геометричне означення ймовірності. Класичне означення ймовірності
3. Сумісні і несумісні події. Теореми додавання ймовірностей
4. Умовна ймовірність. Залежні та незалежні події
5. Теореми множення ймовірностей
6. Теореми додавання ймовірностей для сумісних і залежних подій
7. Протилежні події. Ймовірність протилежної події
8. Формула повної ймовірності
9. Формула гіпотез Байєса
10. Повторні незалежні випробування. Формула Бернуллі
11. Локальна та інтегральна теореми Муавра-Лапласа. Теорема Пуассона
12. Випадкові величини. Закони розподілу та числові характеристики дискретної випадкової величини та неперервної випадкової величини

13. Властивості математичного сподівання. Моменти. Дисперсія. Властивості дисперсії
14. Біноміальний розподіл. Розподіл Пуассона. Рівномірний закон.
15. Нормальний розподіл. Показниковий розподіл
16. Параметри нормального розподілу. Правило трьох сигм
17. Закон великих чисел
18. Інформаційні технології обробки, зберігання та передачі даних.
19. Системи випадкових величин. Числові характеристики двовірних випадкових величин. Дискретні випадкові вектори. Неперервні випадкові вектори
20. Коваріація двох випадкових величин. Властивості коваріації. Коефіцієнт кореляції
21. Числові характеристики випадкових векторів
22. Функція випадкової величини. Числові характеристики
23. Функція двох випадкових аргументів
24. Основні задачі математичної статистики. Генеральна та вибіркова сукупність. Статистичний ряд розподілу
25. Емпірична функція розподілу. Побудова полігону частот і полігона відносних частот. Гістограма частот і гістограма відносних частот.
26. Числові характеристики вибіркового розподілу
27. Статистичні оцінки параметрів розподілу
28. Інтервальні оцінки. Побудова довірчих інтервалів
29. Перевірка статистичних гіпотез. Перевірка гіпотези про нормальний розподіл за критерієм Пірсона
30. Методи доменного, системного і об'єктно-орієнтованого аналізу та математичного моделювання для розробки програмного забезпечення.

8. КРИТЕРІЇ ПІДСУМКОВОЇ ОЦІНКИ ЗНАНЬ СТУДЕНТІВ

ОЦІНЮВАННЯ ЗДОБУВАЧІВ ВИЩОЇ ТА ФАХОВОЇ ПЕРДВИЩОЇ ОСВІТИ ЗА НАВЧАЛЬНУ ДИСЦИПЛІНУ У МІЖНАРОДНОМУ ГУМАНІТАРНОМУ УНІВЕРСИТЕТІ

(поточний контроль, підсумковий контроль, загальний результат оцінювання)

ЕКЗАМЕН

<i>Поточний контроль</i>			
Види роботи	Планові терміни виконання	Форми контролю та звітності	Максимальний відсоток оцінювання
Систематичність і активність роботи на практичних (лабораторних) заняттях			
1.1. Підготовка до практичних (лабораторних) занять	Відповідно до робочої програми та розкладу занять	Перевірка обсягу та якості засвоєного матеріалу під час практичних (лабораторних) занять	30

Виконання завдань для самостійного опрацювання			
1.2. Індивідуальне тестування, завдання, підготовка реферату (есе) за заданою тематикою	Відповідно до робочої програми тарозкладу занять	Розгляд відповідного матеріалу під час аудиторних занять або ІКР ¹ , перевірка конспектів навчальних текстів тощо	10
Виконання індивідуальних завдань, дослідна робота здобувача			
1.3. Інші види індивідуальних завдань, в т.ч. підготовка наукових публікацій, участь у роботі круглих столів, конференцій тощо.	Відповідно до робочої програми тарозкладу занять	Обговорення результатів проведеної роботи під час аудиторних занять, наукових конференцій та круглих столів.	10
Разом балів за поточний контроль			50
Підсумковий контроль екзамен			50
Загальний результат оцінювання			100

Поточний контроль знань здобувачів освіти при формі контролю **екзамен** (максимум 50 балів) оцінюється за шкалою («2», «3», «4», «5»), з обов'язковим переведенням балів за кожний вид роботи таким чином:

- за підготовку до аудиторних занять (максимум 30 балів) здобувачу освіти необхідно мати не менше 1/2 оцінок від загальної кількості практичних (лабораторних) занять, для переведення балів за підготовку до аудиторних занять середньоарифметична оцінка множиться на коефіцієнт 6;
- за виконання завдань для самостійного опрацювання (тестування, завдання, підготовка реферату (есе) за заданою тематикою) (максимум 10 балів) здобувачу освіти необхідно мати не менше 1/2 оцінок від загальної кількості програмного матеріалу, що виноситься на самостійне вивчення, для переведення зазначених балів середньоарифметична оцінка множиться на коефіцієнт 2;
- за інші види індивідуальних завдань, в т.ч. підготовку наукових публікацій, участь у роботі круглих столів, конференцій тощо (максимум 10- балів) здобувачу освіти необхідно мати не менше 1/2 оцінок від загальної кількості інших видів індивідуальних завдань, для переведення балів за підготовку до аудиторних занять середньоарифметична оцінка множиться на коефіцієнт 2.

КРИТЕРІЇ ОЦІНЮВАННЯ ЗА ПОТОЧНИЙ КОНТРОЛЬ

- «2»- виставляється за неправильну відповідь (письмову роботу), яка не відповідає змісту теми та свідчить про нерозуміння її основних положень;
- «3» -виставляється за відповідь (письмову роботу), яка відповідає змісту теми, але є неповною і неточною у визначенні понять, свідчить про неповне розуміння основних положень навчального матеріалу, свідчить про те, що знання здобувача мають фрагментарний, поверховий характер;
- «4» - оцінюється правильна і обґрунтована відповідь (письмова робота), з якої видно, що здобувач знає й розуміє теоретичний матеріал в обсязі навчальної теми, володіє необхідними навичками, не допускає суттєвих помилок.

¹ Індивідуально-консультативна робота викладача зі здобувачами

- «5» - оцінюється повна, правильна, ґрунтовна відповідь (письмова робота) на запитання теми, що передбачає логічність і послідовність викладу матеріалу, володіння термінологією, показує вміння повно й глибоко використовувати теоретичні знання в практичній площині.

КРИТЕРІЇ ОЦІНЮВАННЯ ПІДСУМКОВОГО КОНТРОЛЮ ЗНАНЬ ЗДОБУВАЧІВ ЗА ЕКЗАМЕН

(максимум 50 балів) Рівень знань оцінюється:

Рівень знань оцінюється:

- від 40 до 50 балів - здобувач виявляє особливі творчі здібності, вміє самостійно знаходити та опрацьовувати необхідну інформацію, демонструє знання матеріалу, проводить узагальнення і висновки;
- 30 до 40 балів - здобувач володіє знаннями матеріалу, але допускає незначні помилки у формуванні термінів, категорій, проте за допомогою викладача швидко орієнтується і знаходить правильні відповіді;
- 20 - 30 балів - здобувач відтворює значну частину теоретичного матеріалу, виявляє знання і розуміння основних положень, з допомогою викладача може аналізувати навчальний матеріал, але дає недостатньо обґрунтовані, невичерпні відповіді, допускає помилки.
- 10 - 20 балів - володіє навчальним матеріалом на середньому рівні, допускає помилки, серед яких є значна кількість суттєвих;
- 0 - 10 балів - володіє навчальним матеріалом на рівні, вищому за початковий, значну частину його відтворює на репродуктивному рівні, на всі запитання дає необґрунтовані, невичерпні відповіді, допускає помилки.

КРИТЕРІЇ ЗАГАЛЬНИХ РЕЗУЛЬТАТІВ ОЦІНЮВАННЯ ЗНАНЬ ЗДОБУВАЧІВ

(для екзамену / заліку)

Рівень знань оцінюється:

- «відмінно» / «зараховано» А - від 90 до 100 балів. Здобувач виявляє особливі творчі здібності, вміє самостійно знаходити та опрацьовувати необхідну інформацію, демонструє знання матеріалу, проводить узагальнення і висновки. Був присутній на лекціях та семінарських заняттях, під час яких давав вичерпні, обґрунтовані, теоретично і практично правильні відповіді, має конспект з виконаними завданнями до самостійної роботи, презентував реферат (есе) за заданою тематикою, проявляє активність і творчість у науково-дослідній роботі;
- «добре» / «зараховано» В - від 82 до 89 балів. Здобувач володіє знаннями матеріалу, але допускає незначні помилки у формуванні термінів, категорій, проте за допомогою викладача швидко орієнтується і знаходить правильні відповіді. Був присутній на лекціях та семінарських заняттях, має конспект з виконаними завданнями до самостійної роботи, презентував реферат (есе) за заданою тематикою, проявляє активність і творчість у науково-дослідній роботі;
- «добре» / «зараховано» С - від 74 до 81 балів. Здобувач відтворює значну частину теоретичного матеріалу, виявляє знання і розуміння основних положень, з допомогою викладача може аналізувати навчальний матеріал, але дає недостатньо обґрунтовані, невичерпні відповіді, допускає помилки. При цьому враховується наявність конспекту з виконаними завданнями до самостійної роботи, реферату та активність у науково-дослідній роботі;
- «задовільно» / «зараховано» D - від 64 до 73 балів. Здобувач був присутній не на всіх лекціях та семінарських заняттях, володіє навчальним матеріалом на середньому рівні, допускає помилки, серед яких є значна кількість суттєвих. При цьому враховується наявність конспекту з виконаними завданнями до самостійної роботи, рефератів (есе);
- «задовільно» / «зараховано» E - від 60 до 63 балів. Здобувач був присутній не на всіх лекціях та

семінарських заняттях, володіє навчальним матеріалом на рівні, вищому за початковий, значну частину його відтворює на репродуктивному рівні, на всі запитання дає необґрунтовані, невичерпні відповіді, допускає помилки, має неповний конспект з завданнями до самостійної роботи.

- «незадовільно з можливістю повторного складання» / «не зараховано» FX – від 35 до 59 балів. Здобувач володіє матеріалом на рівні окремих фрагментів, що становлять незначну частину навчального матеріалу.

- «незадовільно з обов'язковим повторним вивченням дисципліни» / «не зараховано» F – від 0 до 34 балів. Здобувач не володіє навчальним матеріалом.

Таблиця відповідності результатів контролю знань за різними шкалами

100-бальною шкалою	Шкала за ECTS	За національною шкалою	
		екзамен	залік
90-100 (10-12)	A	Відмінно	зараховано
82-89 (8-9)	B	Добре	
74-81(6-7)	C		
64-73 (5)	D	Задовільно	
60-63 (4)	E		
35-59 (3)	Fx	незадовільно	не зараховано
1-34 (2)	F		

Таблиця похідних

$(C)' = 0$	$(x)' = 1$	$(x^n)' = n \cdot x^{n-1}$	$(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$
$(\sin x)' = \cos x$	$(\cos x)' = -\sin x$	$(\operatorname{tg} x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$	$(\operatorname{ctg} x)' = -\frac{1}{\sin^2 x}$
$(\arcsin x)' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$	$(\arccos x)' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$	$(\operatorname{arctg} x)' = \frac{1}{x^2+1}$	$(\operatorname{arcctg} x)' = -\frac{1}{x^2+1}$
$(e^x)' = e^x$	$(a^x)' = a^x \ln a$	$(\log_a x)' = \frac{1}{x \ln a},$ $a > 0, a \neq 1,$ $x > 0$	$(\ln x)' = \frac{1}{x}$

Таблиця інтегралів

1	$\int du = u + C$	12	$\int \frac{du}{a^2 - u^2} = \frac{1}{2a} \ln \left \frac{u+a}{u-a} \right + C$
2	$\int u^a du = \frac{u^{a+1}}{a+1} + C, a \neq -1$	13	$\int \frac{du}{u^2 - a^2} = \frac{1}{2a} \ln \left \frac{u-a}{u+a} \right + C$
3	$\int \frac{du}{u} = \ln u + C$	14	$\int \frac{du}{\sqrt{u^2 \pm a^2}} = \ln \left u + \sqrt{u^2 \pm a^2} \right + C$
4	$\int e^u du = e^u + C$	15	$\int \frac{du}{\sin u} = \ln \left \operatorname{tg} \frac{u}{2} \right + C$
5	$\int a^u du = \frac{a^u}{\ln a} + C, a > 0, a \neq 1$	16	$\int \frac{du}{\cos u} = \ln \left \operatorname{tg} \left(\frac{u}{2} + \frac{\pi}{4} \right) \right + C$
6	$\int \sin u du = -\cos u + C$	17	$\int \frac{du}{a^2 + u^2} = \frac{1}{u} \operatorname{arctg} \frac{u}{a} + C$
7	$\int \cos u du = \sin u + C$	18	$\int \frac{du}{\sqrt{a^2 - u^2}} = \operatorname{arsin} \frac{u}{a} + C$

8	$\int \frac{du}{\cos^2 u} = \operatorname{tg} u + C$	19	$\int \operatorname{sh} u \, du = \operatorname{ch} u + C$
9	$\int \frac{du}{\sin^2 u} = -\operatorname{ctg} u + C$	20	$\int \operatorname{ch} u \, du = \operatorname{sh} u + C$
10	$\int \operatorname{tg} u \, du = -\ln \cos u + C$	21	$\int \frac{du}{\operatorname{ch}^2 u} = \operatorname{th} u + C$
11	$\int \operatorname{ctg} u \, du = \ln \sin u + C$	22	$\int \frac{du}{\operatorname{sh}^2 u} = -\operatorname{cth} u + C$

10. РЕКОМЕНДОВАНА ЛІТЕРАТУРА

Основна

1. Стрелковська І.В. Теорія ймовірностей та випадкові процеси (для фахівців у галузі ІТ-технологій) / І.В. Стрелковська, В.М. Паскаленко. – Одеса: ОНАЗ, 2018. – 384 с.
2. Стрелковська І.В. Математична статистика / І.В. Стрелковська, В.М. Паскаленко. – Одеса: ОНАЗ, 2019. – 110 с.
3. Барковський В., Барковська Н., Лопатін О. Теорія ймовірностей та математична статистика. - Центр навч. Літ., 2019. – 424с.
4. Кармелюк Г.І. Теорія ймовірностей та математична статистика. - Центр навч. Літ., 2019. – 576с.
5. Теорія ймовірностей та математична статистика: навч. посіб./ О. І. Кушлик-Дивульська, Н. В. Поліщук, Б. П. Орел, П. І. Штабалюк. – К: НТУУ «КПІ», 2014. – 212 с.
6. Млавець Ю.Ю., Шаркаді М.М. Теорія ймовірностей і математична статистика (стислий конспект лекцій для студентів нематематичних спеціальностей). – Ужгород: ДВНЗ “УжНУ”, 2015. – 48 с.
7. Найко Д.А. Шевчук О. Ф. Теорія ймовірностей та математична статистика: навч. посіб. / Д.А. Найко, О.Ф. Шевчук – Вінниця: ВНАУ, 2020. – 382 с.
8. Стрелковська І.В., Соловська І.М. Ймовірнісний підхід в задачах позиціонування // IX Всеукраїнська мультидисциплінарна конференція студентів, аспірантів та молодих учених «Гуманітарний і інноваційний ракурс професійної майстерності: Пошуки молодих вчених»: матеріали конф., 12 травня 2023 р.: тези доп. – Одеса. Львів – Торунь: Liha-Pres, 2023. – С. 224-227. <https://doi.org/10.36059/978-966-397-300-5-68>

Допоміжна

9. Огірко О. І., Галайко Н. В. О-36 Теорія ймовірностей та математична статистика: навчальний посібник / О. І. Огірко, Н. В. Галайко. – Львів: ЛьвДУВС, 2017. – 292 с.
10. Пушак Я. С., Лозовий Б. Л. Теорія ймовірностей і елементи математичної статистики: навчальний посібник. Львів: УАД, 2006. – 428 с.
11. Стрелковська І.В., Золотухін Р.В., Григор'єва Т.І. Узагальнена модель оцінки показників функціонування низькошвидкісних мереж зв'язку автоматизованих систем управління. Інфокомунікаційні та комп'ютерні технології. – 2022. – № 1 (03). – С. 138-153.

Інформаційні ресурси

12. Жерновий Ю. В. Збірник задач з теорії ймовірностей та математичної статистики для студентів нематематичних спеціальностей. Львів, 2009. 18 с. URL: http://zyurvas.narod.ru/Lekcyi_z_TIMS/zbirn_zadach.pdf.
13. Жерновий Ю.В. Теорія ймовірностей та математична статистика: тексти лекцій для студентів нематематичних спеціальностей. Львів, 2008. 101 с. URL: http://zyurvas.narod.ru/Lekcyi_z_TIMS/Lekcii_z_TIMS.pdf.
14. <https://probability.knu.ua/tims/>
15. <https://www.ams.org/publications/journals/journalsframework/tpms>

ЗМІСТ

1. Опис навчальної дисципліни.....	3
2. Програма навчальної дисципліни.....	4
3. Структура навчальної дисципліни.....	5
4. Питання до практичних занять.....	6
5. Самостійна робота.....	7
6. Види та методи контролю.....	10
7. Питання до екзамену	11
8. Критерії підсумкової оцінки знань студентів.....	10
9. Додаток А.....	16
10. Рекомендована література.....	18

Навчальне видання

Стрелковська Ірина Вікторівна
Григор'єва Тетяна Ігорівна
Паскаленко Вікторія Миколаївна

ТЕОРІЯ ЙМОВІРНОСТЕЙ ТА МАТЕМАТИЧНА СТАТИСТИКА

Методичні рекомендації для самостійної роботи здобувачів

Українською мовою